

●強軸まわりに曲げを受ける H 形断面はりの設計

図示の曲げモーメントを受ける H 形断面はりを設計する。

(1) 設計用応力

短期荷重時

$$M_1 = 5.88 \times 10^8 \text{ N} \cdot \text{mm}$$

$$M_2 = 4.71 \times 10^8 \text{ N} \cdot \text{mm}$$

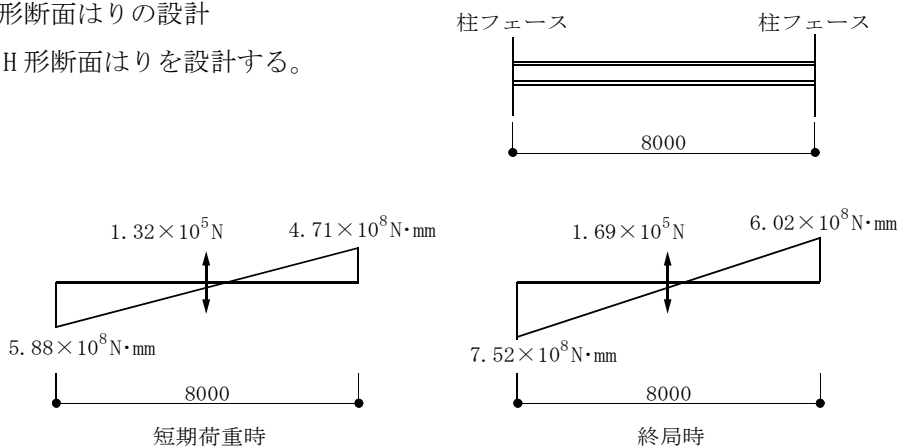
$$Q = 1.32 \times 10^5 \text{ N}$$

保有水平耐力時

$$M_1 = 7.52 \times 10^8 \text{ N} \cdot \text{mm}$$

$$M_2 = 6.02 \times 10^8 \text{ N} \cdot \text{mm}$$

$$Q = 1.69 \times 10^5 \text{ N}$$



(2) 使用 SUS 材

H-600 × 200 × 12 × 19 (SUS304A)

・断面性能

$$A = 1.449 \times 10^4 \text{ mm}^2$$

$$I_x = 8.30 \times 10^8 \text{ mm}^4$$

$$I_y = 2.54 \times 10^7 \text{ mm}^4$$

$$Z_x = 2.77 \times 10^6 \text{ mm}^3$$

$$Z_y = 2.54 \times 10^5 \text{ mm}^3$$

$$i_x = 239 \text{ mm}$$

$$i_y = 41.9 \text{ mm}$$

$$Z_{xp} = 3.20 \times 10^6 \text{ mm}^3$$

$$Z_{yp} = 4.02 \times 10^5 \text{ cm}^3$$

・設計用諸値

$$h = 600 \text{ mm}, d = 562 \text{ mm}, b = 100 \text{ mm}$$

$$M_y = Z_x \cdot F_y = 2.77 \times 10^6 \times 235 = 6.51 \times 10^8 \text{ N} \cdot \text{mm}$$

$$M_p = Z_{xp} \cdot F_y = 3.20 \times 10^6 \times 235 = 7.52 \times 10^8 \text{ N} \cdot \text{mm}$$

サンブナンのねじり定数

$$J = \frac{2}{3} W \cdot t_f^3 + \frac{1}{3} d \cdot t_w^3 = \frac{2}{3} \times 200 \times 19^3 + \frac{1}{3} \times 562 \times 12^3 = 1.24 \times 10^6 \text{ mm}^4$$

・断面の幅厚比 (2.3.1 断面の幅厚比)

$$\left( \frac{b/t_f}{18} \right)^2 + \left( \frac{d/t_w}{135} \right)^2 = \left( \frac{100/19}{18} \right)^2 + \left( \frac{562/12}{135} \right)^2 = 0.21 \leq 1$$

$$\frac{d}{t_w} = \frac{562}{12} = 47 \leq 71$$

・・・OK

(3) 短期に生ずる力に対する許容耐力の検討

1) 曲げ (2.3.2 強軸まわりに曲げを受ける H 形断面材)

$$\frac{M_2}{M_1} = \frac{4.71 \times 10^8}{5.88 \times 10^8} = 0.801 \quad (\text{複曲率のため})$$

故に (1)  $-0.5 \leq M_2/M_1 \leq +1$  の場合となる。

$${}_b\lambda_y = 0.7 + 0.17 \left( \frac{M_2}{M_1} \right) - 0.07 \left( \frac{M_2}{M_1} \right)^2 = 0.7 + 0.17 \left( \frac{4.71 \times 10^8}{5.88 \times 10^8} \right) - 0.07 \left( \frac{4.71 \times 10^8}{5.88 \times 10^8} \right)^2 = 0.791$$

$${}_b\lambda_e = 1.3$$

$${}_b\lambda = \sqrt{\frac{M_y}{M_e}} \text{ は以下のようなになる。}$$

$$C_b = 1.75 + 1.05 \left( \frac{M_2}{M_1} \right) + 0.3 \left( \frac{M_2}{M_1} \right)^2 = 1.75 + 1.05 \left( \frac{4.71 \times 10^8}{5.88 \times 10^8} \right) + 0.3 \left( \frac{4.71 \times 10^8}{5.88 \times 10^8} \right)^2 = 2.78$$

よって  $C_b = 2.3$  とする。

$M_{e0}$  は 2.3.2 の解説、式 (C.2.3.7) によって計算する。

$$P_{Ey} = \frac{\pi^2 \cdot E \cdot I_Y}{\ell_b^2} = \frac{\pi^2 \times 1.93 \times 10^5 \times 2.54 \times 10^7}{8000^2} = 7.56 \times 10^5 \text{ N}$$

材端が柱に剛接合されているため、表 2.4 より  $k_b = 0.55$  とする。

$$M_{e0} = P_{Ey} \sqrt{\frac{h^2}{4 \cdot k_b^4} + \frac{G \cdot J}{P_{Ey}}} = 7.56 \times 10^5 \times \sqrt{\frac{600^2}{4 \times 0.55^4} + \frac{0.74 \times 10^5 \times 1.24 \times 10^6}{7.56 \times 10^5}} = 7.95 \times 10^8 \text{ N} \cdot \text{mm}$$

$$M_e = C_b \cdot M_{e0} = 2.30 \times 7.95 \times 10^8 = 1.83 \times 10^9 \text{ N} \cdot \text{mm}$$

$$\therefore {}_b\lambda = \sqrt{\frac{M_y}{M_e}} = \sqrt{\frac{6.51 \times 10^8}{1.83 \times 10^9}} = 0.596$$

よって  ${}_b\lambda \leq {}_b\lambda_y$  であるから、(a) を適用する。

$$M_b = \frac{M_y}{1.5} \cdot 1.5 = \frac{6.51 \times 10^8}{1.5} \times 1.5 = 6.51 \times 10^8 \text{ N} \cdot \text{mm} > M_1 = 5.88 \times 10^8 \text{ N} \cdot \text{mm} \quad \dots \text{OK}$$

短期荷重時では横座屈補剛の必要はない。

2) せん断 (2.5 せん断力に対する検討)

$$Q_a = A_w \frac{F_y}{1.5\sqrt{3}} \cdot 1.5 = 562 \times 12 \times \frac{235}{1.5\sqrt{3}} \times 1.5 = 9.15 \times 10^5 \text{ N} > Q = 1.32 \times 10^5 \text{ N} \quad \dots \text{OK}$$

(4) 終局耐力の検定

大地震時には、はり左端は $M_p$ に達したとする。即ち、

$$M_1 = M_p = 7.52 \times 10^8 \text{ N} \cdot \text{mm}$$

となる。骨組の塑性解析が行われていないので、ここでは、右端のモーメントも短期時と同じ比率で増大しているものと仮定する。

$$M_2 = 4.71 \times 10^8 \times \frac{7.52 \times 10^8}{5.88 \times 10^8} = 6.02 \times 10^8 \text{ N} \cdot \text{mm} < M_y = 6.51 \times 10^8 \text{ N} \cdot \text{mm} \text{ (弾性)}、\frac{M_2}{M_1} = \frac{6.02 \times 10^8}{7.52 \times 10^8} = 0.801$$

1) 幅厚比の検討 (3.1 断面の幅厚比)

表 3.1 によって検討する。

$$\left(\frac{b/t_f}{9}\right)^2 + \left(\frac{d/t_w}{67}\right)^2 = \left(\frac{100/19}{9}\right)^2 + \left(\frac{562/12}{67}\right)^2 = 0.831 \leq 1$$

$$\frac{d}{t_w} = \frac{562}{12} = 47 \leq 65$$

よって、FA クラスに適合する。

2) 曲げ (3.4.1 強軸まわりに曲げを受ける H 形断面材)

$$\frac{M_2}{M_1} = 0.801$$

故に  $1) -0.5 \leq M_2/M_1 \leq +1$  の場合となる。

ここでは  $M_2/M_1$  が短期荷重時と同じであるため、 ${}_b\lambda_y$ 、 ${}_b\lambda$  は短期荷重時と同じになる。

$${}_b\lambda_y = 0.791、{}_b\lambda = 0.596$$

よって  ${}_b\lambda \leq {}_b\lambda_y$  であるから、(a) を適用する。

$$M_b = M_p = 7.52 \times 10^8 \text{ N} \cdot \text{mm}$$

即ち、横座屈補剛をしなくても全塑性モーメントに達する。

3) 塑性化域における横座屈補剛 [回転能力の確保] (3.4.1(2) 塑性化域における横座屈補剛)

これははりの左端が塑性化した後も、骨組が崩壊機構になるまでには、塑性回転(歪の増大)を続けるから、その間、塑性化部分の横座屈発生を防止する為の検討である。

横座屈補剛材を設けないとして検討すると  $M_2/M_1=0.801$  であり、

$${}_b\lambda = 0.596、0.6{}_b\lambda_y = 0.6 \times 0.791 = 0.475$$

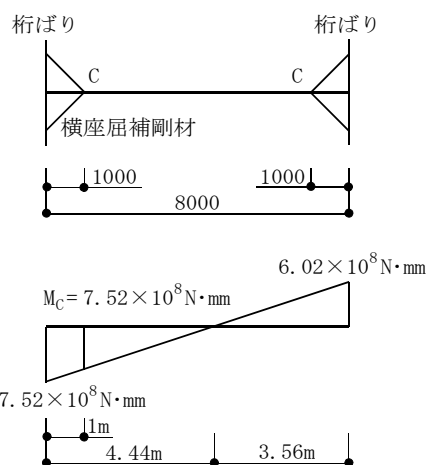
$$\therefore {}_b\lambda > 0.6{}_b\lambda_y$$

となり、式(3.4.7)は満足されない。

よって柱のフェースから 1m の所に 45° の水平筋かいを設けて横座屈補剛をする。

柱、桁ばり等の実寸法が決まっていないので、はりの被補剛部分長さ、筋かいの実効長さは定め難い。

従ってこれらに関する以下の値は仮定の数値である。実際には骨組の図面によって定める。



ここでは、地震力時を考えているので、はりの左、右端は同じ補剛とする。

終局時の曲げモーメントは図のようになっているから、補剛点のモーメント  $M_c$  は

$$M_2 = M_c = 7.52 \times 10^8 \times \frac{3.44}{4.44} = 5.83 \times 10^8 \text{ N} \cdot \text{mm}$$

となり、

$$\frac{M_2}{M_1} = -\frac{5.83 \times 10^8}{7.52 \times 10^8} = -0.775 \quad (\text{単曲率のため})$$

$${}_b\lambda_y = 0.7 + 0.17 \left( -\frac{5.83 \times 10^8}{7.52 \times 10^8} \right) - 0.07 \left( -\frac{5.83 \times 10^8}{7.52 \times 10^8} \right)^2 = 0.526$$

補剛区間の  ${}_b\lambda$  は

$$C_b = 1.75 + 1.05 \left( -\frac{5.83 \times 10^8}{7.52 \times 10^8} \right) + 0.3 \left( -\frac{5.83 \times 10^8}{7.52 \times 10^8} \right)^2 = 1.12$$

$$P_{Ey} = \frac{\pi^2 \cdot E \cdot I_Y}{\ell_b^2} = \frac{\pi^2 \times 1.93 \times 10^5 \times 2.54 \times 10^7}{1000^2} = 4.84 \times 10^7 \text{ N}$$

一方の材端が柱に剛接合されているため、表 2.4 より  $k_b = 0.55$  とする。

$$M_{e0} = P_{Ey} \sqrt{\frac{h^2}{4 \cdot k_b^4} + \frac{G \cdot J}{P_{Ey}}} = 4.84 \times 10^7 \times \sqrt{\frac{600^2}{4 \times 0.55^4} + \frac{0.74 \times 10^5 \times 1.24 \times 10^6}{4.84 \times 10^7}} = 4.80 \times 10^{10} \text{ N} \cdot \text{mm}$$

$$M_e = C_b \cdot M_{e0} = 1.12 \times 4.80 \times 10^{10} = 5.38 \times 10^{10} \text{ N} \cdot \text{mm}$$

$$\therefore {}_b\lambda = \sqrt{\frac{M_y}{M_e}} = \sqrt{\frac{6.51 \times 10^8}{5.38 \times 10^{10}}} = 0.110$$

$${}_b\lambda = 0.110 < 0.6{}_b\lambda_y = 0.6 \times 0.526 = 0.316$$

・・・OK

となり要求を満足する。

補剛点のモーメントは $M_c=5.83 \times 10^8 \text{N}\cdot\text{mm}$ であり $M_y=6.51 \times 10^8 \text{N}\cdot\text{mm}$ より小さいから、補剛区間内スパンでは横座屈は生じない。

#### 4) 横座屈補剛材の設計 (2.3.3 横座屈補剛材)

筋かいによる補剛では、引張側に働く筋かい材だけで十分補剛ができる。(圧縮側筋かいの耐力は無視する。)

$$\text{要求軸方向耐力} : {}_sN = 0.01A \cdot F_y = 0.01 \times 1.449 \times 10^4 \times 235 = 3.41 \times 10^4 \text{ N}$$

等辺山形鋼 L-50×50×4 (SUS304A) を、また接合部は M16 を使用した高力ボルト接合と仮定する。

$$A_b = 3.892 \times 10^2 - 18 \times 4 - \frac{50}{2} \times 4 = 2.172 \times 10^2 \text{ mm}^2$$

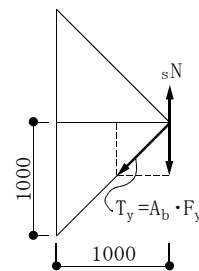
$$T_y = A_b \cdot F_y = 2.172 \times 10^2 \times 235 = 5.10 \times 10^4 \text{ N}$$

${}_sN$ 方向の成分は

$$5.10 \times 10^4 \times \frac{1}{\sqrt{2}} = 3.61 \times 10^4 \text{ N}$$

となり

$$3.61 \times 10^4 \text{ N} > 3.41 \times 10^4 \text{ N}$$



・・・OK

$$\text{要求軸方向剛性} : {}_sK = 2.5 \frac{A \cdot F_y}{\ell_b} = 2.5 \times \frac{1.449 \times 10^4 \times 235}{1000} = 8.51 \times 10^3 \text{ N/mm}$$

筋かいの長さは軸線でとると  $1000 \times \sqrt{2} = 1414 \text{ mm}$  となる。はり幅等を考えると、実長はもっと短くなるが、接合詳細が不明なのでその長さを 1400mm と仮定する。

よって

$$\text{筋かいの材長方向の軸方向剛性} : K = \frac{A_b \cdot E}{\ell} = \frac{3.892 \times 10^2 \times 1.93 \times 10^5}{1400} = 5.37 \times 10^4 \text{ N/mm}$$

${}_sK$ 方向の成分は

$$5.37 \times 10^4 \times \frac{1}{\sqrt{2}} = 3.80 \times 10^4 \text{ N/mm}$$

となり

$$3.80 \times 10^4 \text{ N/mm} > 8.51 \times 10^3 \text{ N/mm}$$

・・・OK